全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾

绝密★启用前

2022 年普通高等学校招生全国统一考试押题卷

理科数学

(考试时间:120 分钟;试卷满分:150 分)

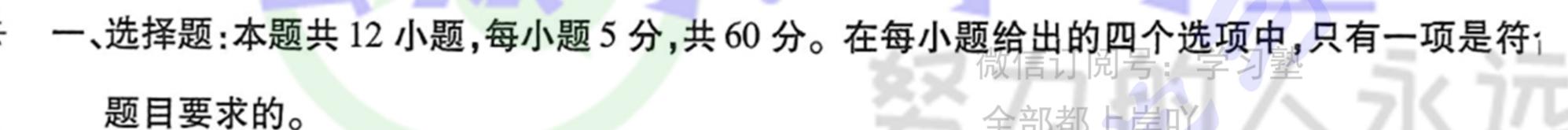
注意事项:

- 1. 答卷前,考生务必将自己的姓名、准考证号等填写在答题卡和试卷指定位置上。
- 2. 回答选择题时, 选出每小题答案后, 用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号

涂黑。如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号。回答非选择题时,将答

案写在答题卡上。写在本试卷上无效。

3. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回。



1. 已知集合 $M = \{x \mid x^2 - 2x - 3 \le 0\}$,集合 $N = \{x \mid |x - 1| \ge 2\}$,则 $M \cup N = \{x \mid x \in M = \{x \mid$

 $A. \emptyset$

B. $\{-1,3\}$

C.M

D. **R**

2. 某农科所为了考察一种化肥的施肥量x(千克) 对小麦产量y(千克) 的影响,在 4 块大小及条件 相同的试验田进行了试验,得到数据如下表所示:

微信订阅号: 学习室	x	10	20	30	40	
全部都上岸吖	У	380	420	微信订阅	号:430 习题	

若根据表中数据得出 y 关于 x 的回归直线方程为 $\hat{y} = 1.4x + 375$,则下列说法错误的是

A. 施肥量 x 与小麦产量 y 之间呈正相关关系

B. 当施肥 15 千克时,小麦产量约为 396 千克

C. 回归直线必过点(25,410)

D. a = 425

3. 复数 $z = \cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}$ 是 $z \cdot \bar{z} = 1$ 成立的

A. 充分不必要条件

B. 必要不充分条件

C. 充要条件

微信订阅号: 学习型

全部都上岸吖

D. 既不充分也不必要条件

微信订阅号: 学习塾

全部都上岸吖

4.2021 年诺贝尔物理学奖揭晓,获奖科学家真锅淑郎(Syukuro Manabe)和克劳斯·哈塞尔曼 (Klaus Hasselmann)的杰出贡献之一是建立了地球气候物理模型,该模型能够可靠地预测全球 变暖情况. 研究表明大气中二氧化碳的含量对地表温度有明显的影响: 当大气中二氧化碳的含 量每增加25%,地球平均温度就要上升0.5℃. 若到2050年,预测大气中二氧化碳的含量是目 前的4倍,则地球平均温度将上升约(参考数据:lg2≈0.3010)

A. 1 ℃

B. 2 ℃

C. 3 ℃

D.4 ℃

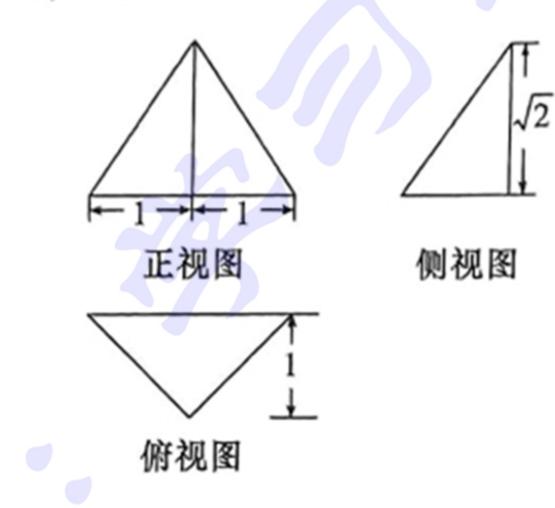
5. 已知 F_1 , F_2 分别为椭圆 $\frac{x^2}{2} + y^2 = 1$ 的左、右焦点,点 P 是椭圆上一点,且 $\angle F_1F_2P = \frac{3\pi}{4}$,则

tan 人哈哥新上岸的

6. 已知某三棱锥的三视图如图所示,则该三棱锥的四个面中,面积最大值为

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸的





 $C.\sqrt{3}$

7. 已知在等差数列 $\{a_n\}$ 中,首项 $a_1=3$,前 n 项和为 S_n ,且 a_1 , a_4 , a_{13} 成等比数列,则使不等式 $S_n=1$ $2a_n + 1 > 0$ 成立的正整数 n 的最小值为 微信订阅考: 学习塾

C:1或3

全部都上岸吖 D.2 或 3

8. 新农村建设是党在新时期提出的一项重大战略部署. 如图所示,某丘陵地带的新农村建设中,需 要在两座山的山顶 M,N 之间架设一条 220 千伏高压电线 (M,N) 在地平面的投影分别为 B,C). 为了测量 M,N 之间的距离,在由脚下的地平面上选择 A 点为测量观测点,从 A 点测得 M 点的仰 角 $\angle MAB = 60^{\circ}$, 在点的仰角 $\angle NAC = 45^{\circ}$, 以及M, N 两点的张角 $\angle MAN = 75^{\circ}$, 近似测量出AB =

B. 295 米

全部都上岸吖

150 米,AC = 100 米,则估算 MN 的长度最接近(参考数据:√3≈1.732)

C.300 米

D. 305 米

理科数学试题 第2页(共8页)

A. 290 米

第1页(共8页) 阅号。 邀请觐阅号: 学习塾 理科数学试题

微信订阅号、学习塾、关注回复【无水印版】方便打印学习

全部都上岸吖

全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾

9. 若 $\tan \alpha = \sqrt{2}$,则 $\cos \left(2\alpha + \frac{\pi}{4}\right) + \sin \left(2\alpha + \frac{\pi}{4}\right) =$

$$A.\frac{\sqrt{2}}{3}$$

B.
$$-\frac{\sqrt{2}}{3}$$

C.
$$\pm \frac{\sqrt{2}}{3}$$

D.
$$\pm \frac{\sqrt{3}}{2}$$

10. 第 24 届冬季奥林匹克运动会于 2022 年 2 月 4 日—20 日在我国举行,国家发行了纪念币纪念这一世界性的体育历史盛事. 有一种 5 元的银质纪念币,其背面圆形图案大致可分成 5 个区域,微信订阅号: 学习塾如图所示. 现用红色、黄色、蓝色、绿色 4 种不同颜色给 5 个区域,A_1,A_2,A_3,A_4,A_5 着色,要求相邻区域不同色. 若在所有的着色方案中任抽一种,则抽到区域,A_1,A_4 同色的概率为 ()

微信订阅号:学生 全部都上岸吖

A. $\frac{1}{3}$

C. $\frac{3}{8}$

- D. $\frac{3}{10}$
- 11. 已知三棱锥 P-ABC 内接于球 O, PB \bot 平面 ABC, AB = 2, AC = $\sqrt{3}$, $\angle BAC$ = 150°. 若球 O 的表面积为 $S6\pi$,则三棱锥 P-ABC 的体积为

 $\lambda \cdot \frac{1}{2}$

的**3**丁阅号:学习塾

- 12. 已知函数f(x)的定义域为 \mathbb{R} , 其导数f'(x)存在, 且 $f(-x) = e^{2x} f(x)$. 若当 x < 0 时, f'(x) +
 - f(x) < 0,则下列不等式恒成立的是

微德福的局号学习。

A.f(1) < ef(0)

$$B.f(-1) < e^2 f(1)$$

 $C.f(-2) > e^3 f(1)$

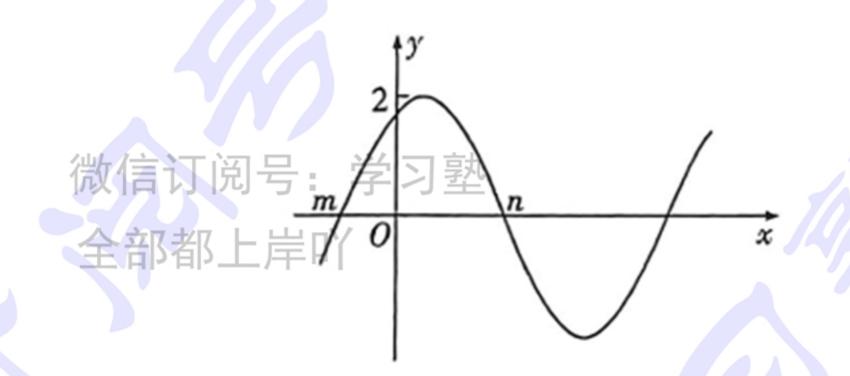
- $D.f(-2) < e^2 f(1)$
- 二、填空题:本题共4小题,每小题5分,共20分。

微信订阅号: 学**为该教育集团学生的每天平均课后服务时间与学段有关?** 一全部都上岸吖 理科数学试题 第4页(共8页)

微信订阅号:学习器 15. 已知双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ (a>0,b>0)的左、右焦点分别为 F_1,F_2 ,过焦点 F_2 的直线交双曲线 C)全部都上岸 门

的右支于A,B 两点(点A 在第一象限),且 $5|AF_1|=3|AB|,4|AF_2|=|F_2B|,则双曲线 <math>C$ 的渐近线方程为______.

16. 已知函数 $f(x) = 2\sin(\omega x + \varphi) \left(\omega > 0, 0 < \varphi < \frac{\pi}{2}\right)$ 的部分图象如图所示,m, n 是 f(x) 的两个相邻 零点, $|m-n| = \pi$,且对任意 $x_1, x_2 \in [m, n] (x_1 \neq x_2)$,若 $f(x_1) = f(x_2)$,恒有 $f(x_1 + x_2) = \sqrt{2}$ 成立,则当 $x \in [0, 2\pi]$ 时,所有满足不等式 |f(x)| > 1 的正整数解 x 的和为______.



微信订阅号:学习塾全部都上岸吖

微信订阅号:学习塾全部都上岸吖

三、解答题:共70分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。第17~21题为必考题,每个试题考生都必须作答。第22、23题为选考题,考生根据要求作答。

(-)

17. (12 分)中小学全面落实"双减"政策的措施之一是推行放学后托管服务、初中晚自习服务以及配套就餐服务等课后服务. 某教育集团义务教育学生共有20000人,其中初中学段有8000人,小学学段有12000人. 为调查该教育集团学生每天平均课后服务时间(单位:小时)的情况,利用分层抽样采集了300名学生的样本数据,并统计成表如下:

全一每天平均课后服务时间分组统计表

每天平均课后服务时间	[0,2)	[2,4)	[4,6)	[6,8]
	25	50	100	125

- (1)设m,n表示在每天平均课后服务时间为 $[0,2)\cup[4,6)$ 中任抽两名学生的每天平均课后服务时间,求事件"|m-n|>2"的概率;
- (2)在样本数据中,有80名初中学段的学生每天平均课后服务时间不少于4小时,试写出每天平均课后服务时间(是否少于4小时)与学段的2×2列联表,并判断是否有99%的把握认

理科数学试题 第3页(共8页)

全部都上岸吖

附:

$P(\chi^2 \geqslant k_0)$	0. 10	0. 05	0. 010	0. 005
k_0	2. 706	3. 841	6. 635	7. 879

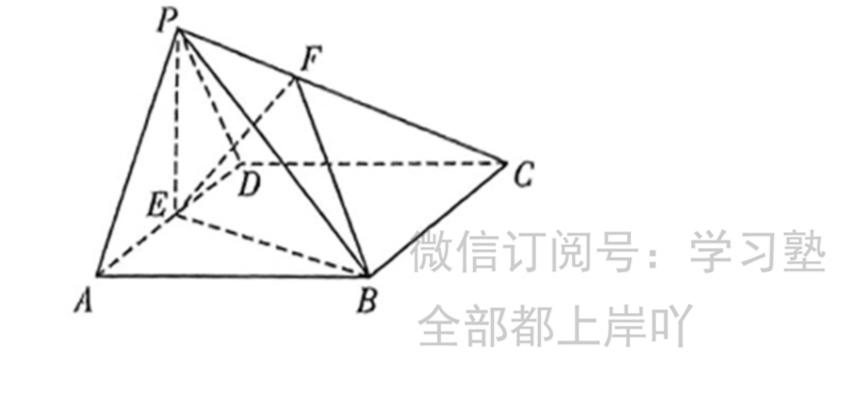
$$\chi^{2} = \frac{n(ad - bc)^{2}}{(a + b)(c + d)(a + c)(b + d)}$$

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

微信订阅写(12分)如图所示,在四棱锥 P-ABCD 中,底面 ABCD 是边长为 1 的菱形, $\angle BCD = 60^{\circ}$, E 为 AD全部都上岸吖

的中点,PE 上平面 ABCD,F 为 PC 上的一点,且 $\overrightarrow{PF} = \frac{1}{2}\overrightarrow{FC}$.

- (1)证明:PA//平面 BEF;
- (2)若二面角 P-BE-F 的平面角为 30°, 求四棱锥 P-ABCD 的体积.



微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾



一类(宣)工资品。 学习敦



18. (12 分)已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ,满足: $S_n = -a_n a_{n+1} - \frac{1}{2}, a_1 = \frac{1}{2}$.

(1)求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式;

微信订阅号: 学习塾

(2) 记 $b_n = -S_{2n} - \frac{n}{2}$,数列 $\left\{\frac{1}{b_n}\right\}$ 的前 n 项和为 T_n ,证明: $T_n < 2$.

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖



微信订阅号: 学习塾

全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾 20. (12 分)已知抛物线 $C_1:x^2=2py(p>0)$,圆 $C_2:x^2+y^2=1$,抛物线 C_1 与圆 C_2 交点的纵坐标为

 $\sqrt{5}-1$, 点 M 为抛物线 C_1 上一点,过点 M 且与该点切线垂直的直线 l 交抛物线 C_1 于另一点 N,

此时IMNI取最小值。

(1)求抛物线 C_1 的方程;

(2)证明:直线 l 与圆 C_2 相交(记交点为 A,B),且 $\sqrt{\frac{|MN|}{|AB|}}$ 为有理数.

微信订阅号: 学习塾

全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

理科数学试题 第5页(共8页)

微信订阅号: 学习塾

理科数学试题 第6页(共8页)

微信订阅号: 学习塾

全部都上岸吖

- 21. (12 分)已知函数 $f(x) = ax + xe^{x-1}(a > 0)$.
 - (1) 当 a = e 2 时,曲线 y = f(x) 在点(1,f(1))处的切线 l 与 x,y 轴分别交于点 A,B,点 C 是曲 线 $y = \ln x$ 上到直线 l 距离最近的一点,求 $\triangle ABC$ 的面积;
 - (2) 若对任意 $x \in (0, +\infty)$, 恒有 $f(x) > e^{x-1} \ln(ax) + 2e^{x-1}$ 成立,求实数 a 的取值范围.

23. 微信订阅号: 学习塾

全部都上是知函数 $f(x) = |x-a| - |2x+1| (a \in \mathbb{R})$.

- (1) 当 a = 1 时,解不等式f(x) < 1;
- (2)若 $2f(x)+2|2x+1|+x>2a^2-3$ 对任意 $x\in \mathbb{R}$ 恒成立,求实数 a 的取值范围.

全部都上岸吖

(=)

以坐标原点为极点,x 轴的正半轴为极轴建立极坐标系,已知圆 C 的极坐标方程为 ρ^2 + $4\rho\cos\theta$ +

2=0,直线 l 过点 M(2,0), 倾斜角为 $\frac{3\pi}{4}$.

- (1)求圆 C 的直角坐标方程与直线 l 的参数方程;
- (2)将直线 l 向左平移 3 个单位长度,所得直线 l_1 与 x 轴交于 N 点,与圆 C 交于 A, B 两点,求 |NA| + |NB|.

微信订阅号: 学习塾

全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

微信订阅号: 学习塾 全部都上岸吖

理科数学试题 第8页(共8页)